Сравнивая с уравнением свободных незатухающих гармонических колебаний: $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$, имеем для физического маятника:

$$\omega = \sqrt{\frac{mgd}{J}}, \qquad T = 2\pi \sqrt{\frac{J}{mgd}}.$$

Предельным случаем физического маятника является математический маятник - материальная точка, подвешенная на невесомой нерастяжимой нити и совершающая колебания в вертикальной плоскости под действием силы тяжести. Вся масса сосредоточена в центре масс тела. При этом d=l — длина маятника и момент инерции $J=ml^2$. Тогда

$$\omega = \sqrt{\frac{mgl}{ml^2}} = \sqrt{\frac{g}{l}}, \qquad T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

Длина математического маятника, имеющего такой же период колебаний, что и данный физический маятник, называется <u>привефенной длиной физического маятника.</u> Точка O_1 , находящаяся на расстоянии l_{np} от точки подвеса O маятника, называется **центром качания** физического маятника. Точки O и O_1 обладают свойством взаимности, т.е. при перемене их ролей длина и период маятника останутся прежними.