



- Чем ближе подходит маятник к положению равновесия С, тем меньше становится значение тангенциальной составляющей $F_t = F \sin \alpha$. В положении равновесия она равна нулю, а скорость достигает максимального значения, и маятник движется по инерции дальше, поднимаясь по дуге вверх. При этом составляющая F_t направлена против скорости. С увеличением угла отклонения α модуль силы F_t увеличивается, а модуль скорости уменьшается, и в точке D скорость маятника становится равной нулю. Маятник на мгновение останавливается, а затем начинает двигаться в обратном направлении к положению равновесия. Вновь пройдя его по инерции, маятник, замедляя движение, дойдет до точки А (трение отсутствует), т.е. совершит полное колебание. После этого движение маятника будет повторяться в уже описанной последовательности.
- Получим уравнение, описывающее свободные колебания математического маятника.
- Пусть маятник в данный момент времени находится в точке В. Его смещение S от положения равновесия в этот момент равно длине дуги СВ (т.е. $S = |CB|$). Обозначим длину нити подвеса l , а массу маятника — m .
- Из рисунка 13.11 видно, что $F_t = F \sin \alpha$, где $\alpha = S/l$. При малых углах ($\alpha < 10^\circ$) $\sin \alpha \approx \alpha$, поэтому
- $F_t = -FS/l = -mgS$. Знак минус в этой формуле ставят потому, что тангенциальная составляющая силы тяжести направлена к положению равновесия, а смещение отсчитывают от положения равновесия.
- Согласно второму закону Ньютона $m\vec{a} = m\vec{g} + F_{упр}$. Спроецируем векторные величины этого уравнения на направление касательной к траектории движения математического маятника
- $F_t = ma_t$. Из этих уравнений получим
- $-\alpha l S = a_t S$ — динамическое уравнение движения математического маятника. Тангенциальное