

2. Представим выражение $|\vec{r} - \vec{r}'|$ в виде разложения в ряд:

$$|\vec{r} - \vec{r}'| = \sqrt{(x-x')^2 + (y-y')^2 + (z-z')^2} = \\ = \sqrt{r^2 - 2(xx'+yy') + x'^2 + y'^2} = r - \frac{xx'+yy'}{r}$$

3. Подставим полученное выражение в множитель $\exp(ikr)$:

$$\int_{-a/2}^{a/2} \int_{-b/2}^{b/2} \exp(ik \frac{xx'+yy'}{r}) dx dy = \int_{-a/2}^{a/2} \exp(i \frac{kxx'}{2r}) dx \int_{-b/2}^{b/2} \exp(i \frac{kyy'}{2r}) dy = \\ = ab \frac{\sin(\frac{kax}{2r})}{\frac{kax}{2r}} \cdot \frac{\sin(\frac{kby}{2r})}{\frac{kby}{2r}}$$

В итоге преобразований получаем:

$$\vec{E}_m = iE_0 ab \frac{\exp(ikr)}{4\pi r} \left\{ \vec{\theta}_0 \cos\varphi - \vec{\varphi}_0 \sin\varphi \right\} (1 + \cos\vartheta) \times \\ \times \frac{\sin\left(\frac{k a \sin\theta \cos\varphi}{2}\right)}{\frac{k a \sin\theta \cos\varphi}{2}} \cdot \frac{\sin\left(\frac{k b \sin\theta \sin\varphi}{2}\right)}{\frac{k b \sin\theta \sin\varphi}{2}}$$